

Die folgende Turingmaschine berechnet die Summe zweier Zahlen in Binärdarstellung. Bei Eingabe von $\text{bin}(x)\#\text{bin}(y)\$$ und Start im Zustand q_0 hält die Maschine im Zustand q_F mit der Ausgabe $\text{bin}(x+y)\#\text{bin}(y)\$$ und dem Kopf auf dem ersten Eingabesymbol. (Die Notation $\text{bin}(x) \in \{0,1\}^*$ ist eine Darstellung von $x \in \mathbb{N}$ in Binärdarstellung.) Der Bandinhalt rechts vom $\$$ -Zeichen bleibt dabei unverändert stehen.

Beginnend von rechts, wird jeweils das erste nicht markierte Bit von y und von x markiert. Wenn dieses Bit von y gleich 1 ist, wird es zur entsprechenden Stelle von x addiert, und gegebenenfalls ein Übertrag nach links weitergereicht. Ein B -Symbol am Anfang von x wird dabei wie eine 0 behandelt. Wenn alle Stellen von y markiert sind, werden alle Markierungen gelöscht, und der Automat hält.

δ	0	1	$\bar{0}$	$\bar{1}$	#	\$	B	Kommentar
q_0	$(q_0, 0, R)$	$(q_0, 1, R)$	$(q_0, \bar{0}, R)$	$(q_0, \bar{1}, R)$	$(q_0, \#, R)$	$(q_1, \$, L)$	–	fahre nach rechts
q_1	$(q_2, \bar{0}, L)$	$(q_4, \bar{1}, L)$	$(q_1, \bar{0}, L)$	$(q_1, \bar{1}, L)$	$(q_7, \#, R)$	–	–	finde erstes nicht markiertes Bit y_0 von y und markiere es
q_2	$(q_2, 0, L)$	$(q_2, 1, L)$	–	–	$(q_3, \#, L)$	–	–	falls $y_0 = 0$, finde erstes unmarkiertes Bit von x , markiere es.
q_3	$(q_0, \bar{0}, N)$	$(q_0, \bar{1}, N)$	$(q_3, \bar{0}, L)$	$(q_3, \bar{1}, L)$	–	–	$(q_0, \bar{0}, N)$	falls $y_0 = 1$, finde erstes Bit von x , markiere es, addiere 1,
q_4	$(q_4, 0, L)$	$(q_4, 1, L)$	–	–	$(q_5, \#, L)$	–	–	gegebenenfalls Übertrag
q_5	$(q_0, \bar{1}, N)$	$(q_6, \bar{0}, L)$	$(q_5, \bar{0}, L)$	$(q_5, \bar{1}, L)$	–	–	$(q_0, \bar{1}, N)$	Ende, fahre ganz nach rechts
q_6	$(q_0, 1, N)$	$(q_6, 0, L)$	–	–	–	–	$(q_0, 1, N)$	nach links, lösche Markierungen
q_7	–	–	$(q_7, \bar{0}, R)$	$(q_7, \bar{1}, R)$	–	$(q_8, \$, L)$	–	
q_8	$(q_8, 0, L)$	$(q_8, 1, L)$	$(q_8, 0, L)$	$(q_8, 1, L)$	$(q_8, \#, L)$	–	(q_F, B, R)	

$q_0101\#11\$ \vdash 1q_001\#11\$ \vdash 10q_01\#11\$ \vdash 101q_0\#11\$ \vdash 101\#q_011\$ \vdash 101\#1q_01\$$
 $\vdash 101\#11q_0\$ \vdash 101\#1q_11\$ \vdash 101\#q_41\bar{1}\$ \vdash 101q_4\#1\bar{1}\$ \vdash 10q_51\#1\bar{1}\$ \vdash 1q_60\bar{0}\#1\bar{1}\$$
 $\vdash 1q_01\bar{0}\#1\bar{1}\$ \vdash 11q_0\bar{0}\#1\bar{1}\$ \vdash 11\bar{0}q_0\#1\bar{1}\$ \vdash 11\bar{0}\#q_01\bar{1}\$ \vdash 11\bar{0}\#1q_0\bar{1}\$ \vdash \dots \vdash$
 $10\bar{0}\bar{0}\#1\bar{1}q_0\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}\#1q_1\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}\#q_1\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}q_1\#1\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}\#q_7\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}\#1q_7\bar{1}\bar{1}\$$
 $\vdash 10\bar{0}\bar{0}\#1\bar{1}q_7\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}\#1q_8\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}\#q_8\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}\bar{0}q_8\#1\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10\bar{0}q_8\bar{0}\#1\bar{1}\bar{1}\$ \vdash 10q_8\bar{0}\bar{0}\#1\bar{1}\bar{1}\$$
 $\vdash 1q_8000\#1\bar{1}\bar{1}\bar{1}\$ \vdash q_81000\#1\bar{1}\bar{1}\bar{1}\$ \vdash q_8B1000\#1\bar{1}\bar{1}\bar{1}\$ \vdash q_F1000\#1\bar{1}\bar{1}\bar{1}\$.$